Devoir surveillé n°6

Exercice 1 (10 points)

On dispose de cinq fiches numérotées de 1 à 5.

On les place au hasard dans six tiroirs nommés A, B, C, D, E et F. Chaque tiroir peut recevoir jusqu'à 5 fiches.

On note ACCBE l'événement : « la $1^{\text{ère}}$ fiche est dans le tiroir A, la 2^{e} et la 3^{e} dans le tiroir C, la 4^{e} dans le tiroir B et la 5^{e} dans le tiroir E »

- 1. Combien y a-t-il d'issues possibles à cette expérience aléatoire.
- 2. Calculer la probabilité que toutes les fiches soient dans des tiroirs différents.
- 3. a. Calculer la probabilité qu'aucune fiche ne soit dans le tiroir A.
 - b. Calculer la probabilité qu'il y ait au moins une fiche dans le tiroir A.
- 4. Calculer la probabilité que les fiches numérotées 1 et 2 soient dans le même tiroir.

Exercice 2 (10 points)

Une urne contient 10 boules indiscernables, 5 rouges, 3 jaunes et 2 vertes.

On tire au hasard et simultanément 3 boules de cette urne.

- 1. Montrer qu'il y a 120 issues possibles à cette expérience aléatoire.
- 2. Soit les événements suivants :

A: « les trois boules sont rouges »

B : « les trois boules sont de la même couleur »

C: « les trois boules sont chacune de couleur différente »

- a. Montrer que $P(A) = \frac{1}{12}$
- b. Calculer P(B) et P(C).
- 3. On appelle *X* la variable aléatoire qui à chaque tirage associe le nombre de couleurs obtenues.
 - a. Déterminez la loi de probabilité de X.
 - b. Calculer son espérance.